f_{i-1}